

Cryptography Notes [SK]

Lessons Learned



Ladislav Šulák <laco.sulak@gmail.com>

April 28, 2021

Contents

I. Basics	2
II. Classical Cryptography	4
1. Steganograficke sifry	5
2. Transpozicne sifry	6
3. Substitucne sifry	7
III. Modern Cryptography	12
4. Symmetric Cryptography	13
4.1. Prudove Sifry	13
4.2. Blokove Sifry	15
5. Symetricka sprava klucov	20
6. Asymmetric Cryptography	23
6.1. Hash functions	24
6.2. RSA (Rivest-Shamir-Adleman)	27
6.3. DSS/DSA (Digital signature standard/algorithm)	28
6.4. DH (Diffie-Hellman)	29
6.5. Knapsack	29
6.6. EC (Elliptic Curves)	29
7. Asymetricka sprava klucov	31
7.1. X.509	31
7.2. Elektronicky podpis	33
7.3. Bezna elektronicka posta	34
7.4. SSH	35
7.5. SSL	36
IV. References	37

Part I.

Basics

Kryptografia - transformacia plaintext $\leftrightarrow$ encrypted text

Kryptoanalýza - transformacia encrypted $\rightarrow$ plaintext bez znalosti kľuca

Kryptológia - oboje spolu

Bezpečnostné funkcie

- **Dôvernosc** - ochrana pred neoprávneným odhalením
- **Autentizácia** - ochrana pred neoprávneným použitím

Útoky

- **Ciphertext only attack** - útočník pozná šifrovaný text, snaží sa zistiť kľúč/plaintext
- **Known plaintext attack** - útočník pozná šifrovaný text a odpovedajúci plaintext, snaží sa zistiť kľúč
- **Chosen plaintext attack** - ako predchádzajúci, no plaintext si môžeľ zvolit

Kerckhoffuv princíp - 19. st. - bezpečnosť musí závisieť iba na utajení kľuca, je treba predpokladať, že útočník pozná všetky podrobnosti o algoritme.

Part II.

Classical Cryptography

1. Steganograficke sifry

Prenasany text ukryty v inom texte. Niektore bity su spravy, niektore vata. Pomocou kluca sa zisti, ktore je ktore. Sifrovany text je dlhsi (niekedy vyznamne) nez otvoreny text.

2. Transpozicne sifry

Menia poradie znakov v texte.

Scytale - v Grecku, pomocou pruzku papieru na tyči. Sprava sa zapisuje na omotany pruzok papieru po riadkoch, na pruzku su zdanlivo nahodne znaky. Nie je prilis bezpecna, klucom je iba priemer tyce.

Red Fence - vezmeme kluc, jednotl. pismena ocislujeme podla ich abecedneho poradia v kluci. Plaintext napiseme postupne na jednotlivé riadky a zasifrovaný text získame citaním riadkov podla ich poradi.

Napríklad kluc THEYKEY - ocislujeme ako 531426 (napr E su tam 2x, sice je najskorsie, teda '1', jeho druhy vyskyt nebude '1' ale uz '2'). Plaintext zapiseme kaskadovito:

T K
H S E
I Y

Zasifrovaný text potom píšeme postupne citaním riadkov podla ich poradia. V príklade vyššie ak by sme mali kluc KEY = 213, tak by sme mali zasifrovaný text ako HSETKIY.

Rail Fence - zanedbáva poradie, kluc určuje iba počet riadkov. Teda potom citáme riadky jeden za druhým postupne zhora dole.

Stlpcova transpozicia - sprava sa zapíše po riadkoch a sifrovaný text sa vytvorí tak, že sa číta po stĺpcoch v danom poradí, napr matica 5x4 a kluc je 4-2-1-3.

Dvojita stlpcova transpozicia - prvá fáza ako predchádzajúci, potom pre jednoduchšie zapamätanie kľuca je možné mu priradiť slovo, kluc je potom poradie písmen slova v abecede.

3. Substitucne sifry

Nahradzuju jednotl. znaky textu inymi (mono/poly-alfabeticke). Priklady:

- **Freemason** - abeceda sa sklada z akychkoľvek symbolov.
- **Caesarova** - kazde pismo nahradil 3. dalsim v abecede. Vylepsenie - odosielateľ a prijemca maju dohodnutý kľuč (1-25), ktorý znamená, o koľko písmen sa posuva. Sifra je slabá - stavový priestor kľučov je moc malý. Útoky:
 - útok silou - iba 26 možností
 - frekvencná analýza

- **Monoalfabeticke** - jednotlivé písmená nahradzuju pomocou kľuča, ktorým je permutácia vs. 26 písmen. Počet vs kľučov je 26!

Zapamätateľný kľuč - špeciálny prípad, kľučom je keyphrase (niekoľko slov). Použitie - napíš kľuč, pod ním postupne do stĺpcov po riadkoch zapis písmená abecedy ale vynechaj tie čo už sú (z kľuča) a potom citaj výsledok po stĺpcoch.

Anatomia jazyka - frekvencia, patterny - pravdepodobne (ďalšie/predchádzajúce) slovo, opakovanie slov, slova z daného kontextu.

Zvýšenie odolnosti:

- uriznutí vrcholov tabulky frekvencií - **homofonne sifry**, prevádzajú 1 znak textu na niekoľko iných ďalších
- sifrovanie skupín znakov (napr. dvojíc) - symbol abecedy sa sklada z viacerých znakov. **Polygramove sifry** - nahradzuju skupinu znakov inou skupinou znakov.
- každý znak sa sifruje inou transformáciou - **polyalfabeticke**.

Nomenklátor - 16. st. - obsahujú klasické substitučné homofonné zameny a klamace (nevýznamové skupiny písmen, kt. mali stísať kryptoanalýzu zasifrovaných textov).

Kódová kniha (codebook) - monoalfabetická polygramová sifra (často homofónna)
- Dreyfusov alebo Zimmermanov telegram.

3. Substitucne sifry

Playfair - 25 znakov (okrem 'j') pocinaje heslom, je vpisanych do 5x5 stvorca (torus). Ak sa digram plaintextu nachadza v 1 riadku (stlpci) je nahradeny pismenami od neho vpravo (dole), inak je 1. pismeno nahradene pismenom v rovnakom riadku ale v stlpci druhého znaku a naopak (zaciname tym na riadku). Ak je v texte 2-ica rovnakych znakov, je 1 vynechany. Desifrovanie presne naopak, riadok - vpravo, stlpec - hore.

Ma urcite charakteristika a vieme ju na zaklade nich lepsie identifikovat:

- Je to teda substitucna sifra, niektore spoluhlasky v EN sa vyskytuju castejsie v plaintexte a aj ich digramy.
 - V sprave je vzdy sudy pocet pismen a neobjavuju sa v nich dvojice rovnakych pismen (SS, EE, ...). Ak prideme k tomu, ze je v texte 2-ica rovnakych znakov a 1 je vynechany, bude lichy pocet znakov. Bigram oddelime nejakym velkym pismenom napr X, na koniec spravy potom tiez pridame X.
 - Ziadne pismeno nemoze byt zasifrované samo na seba.
 - 2 reverzovane digramy v plaintexte (ER a RE) budu vzdy zasifrované ako 2 reverzovane digramy v zasifrovanom texte.
 - Opakovanie a frekvencia digramov je obecne rovnaka ako u ich ekvivalentov v plaintexte.
 - Kazde pismeno v plaintexte moze byt zasofrované iba ako 1 z 5 pismen - 1. ktore je hned pod nim v rovnakom stlpci a 4, kt. su v rovnakom riadku. Vysledkom je, ze 3/4 najcastejsie pismena sa nachadzaju v rovnakom riadku ako 'e'.
- **Polyalfabeticke** - kazdy znak zasifrovaný inou substitucnou funkciou - splštenie frekvencnej charakteristiky jazyka, nelze pouzít frekvencnu analyzu ani ine statisticke metody.

Leon Battista Alberti - Albertiho disk - 1. polyalfabeticky sifrový system, doporučoval posunúť abecedy po 3/4 slovach.

Johannes Trithemius - Kniha Polygraphia (1518). Tabula recta - 26 riadkov, prvý zacína od písmena A po Z, druhé od B po A, teda vždy posuv o 1 písmeno.

Vigenerova sifra - 1550, nezlomitelná cca 300 let. Diplomát vo Vatikáne.

- Používa Caesarovho principu - rozdielne posuvy pre jednotlivé znaky aby sa zakryla frekvencia znakov. Znaký kľuca definujú posuv pre jednotlivé písmena a kľuc je periodicky opakovany, aby obsiahol celú dĺžku sifrovaného textu. Vigenerova tabuľka - ako Tabula recta od Trithemiusa. Vylepsenie by bolo, keby sme kľuc neopakovali periodicky, ale bol by 1 v dĺžke rovnakej ako text, ktorý chceme sifrovať.
- Autokľuc - mechanizmus, keď je domluven iba pociatočný kľuc (často iba 1 písmeno), ktorý je potom modifikovaný:
 - * a) samotnou správou (autokey plaintext),

3. Substitucne sifry

- * b) zasifrovanou správou (autokey encrypted text).

Například kluc D, plaintext PES, autokluc bude DPE. Dnes sa nepoužíva scítanie ale XOR.

- Najprv rozlúštená Ch. Babbageom, postup bol ale utajovaný - využitie opakovania pre uhádnutie dĺžky kľuca - postupnosť XFO sa nachádza na pozíciách 65, 71, 122, 176. Vzdialenosti sú - $71-65=3*2$, $122-65=3*19$, $176-122=3*18$, kľuc má teda pravdepodobne dĺžku 3 znaky.
- Nezávisle rozlúštená F. Kasiskim, 1863
 - * založené na pozorovaní, že 2 identické úseky plaintextu budú zasifrované na rovnaký encrypted text vtedy, ak sú vzdialené delta pozícií od seba.
 - * cieľom je najst niekoľko identických úsekov, každý o dĺžke aspoň 3 a zaznamenať si vzdialenosť medzi ich počiatkami. Dĺžka kľuca m delí všetky vzdialenosti δ_1 až δ_n . Potom je m NSD všetkých vzdialeností δ_i .
 - * napríklad trigram TYZ sa vyskytuje na poz. pozíciách 25, 181 a 235. Vzdialenosť medzi prvou a druhou je 156, medzi prvou a tretou je 210. GCD je 6, takže môžeme predpokladať že $|key|=6$.
- Desifrovanie
 - * Najdi dĺžku kľuca k - pre krátky kľuc skús 1, 2, 3,... alebo vytvor tabuľku všetkých vzdialeností rovnakých znakov v encrypted text. GCD najčastejších vzdialeností je dĺžka kľuca.
 - * Najdi písmená kľuca jedno po druhom - rozdeľ správu na k menších správ, každá obsahuje znaky sifrované rovnakým písmenom kľuca. Ries ako k správ zasifrovaných Caesarovou sifrou.
- Index coincidence - ďalšia možnosť kryptoanalýzy. Je definovaný ako retazec n znakov a udáva pravdepodobnosť, že 2 náhodne prvky z retazca sú identické. Vypočítame vzorec pre priemerný index coincidence.

Sifrovacie strojky

- Saint-Cyrovho pravitko
- Jeffersonov cylindr - 1790, skladal sa z 36 diskov, každý s náhodnou abecedou. Poradie diskov bolo kľucom, v 1 rade s anastavila správa, v inej sa precítala sifrovaná správa.
- Wheatstonov disk - 19. st. - 2 sústredné kruhy, ktoré generovali polyalfabetickú sifru.
- Rotorové stroje

Založené na jednoduchšej substitúcii - horizontálne, vertikálne posuvaná abeceda, rotovaná abeceda. Implementujú polyalfabetickú substitučnú sifru s dlhou periodou pomocou sady rotorov. Každý rotor má 26 kontaktov na oboch

3. Substitucne sifry

stranach. Kontakty z prednej strany su prepojene s kontaktami zo zadnej strany. Kluc je dany prepojenim kontaktov a pociatocnej pozicii rotorov.

Plaintext vstupuje do sady rotorov na 1 strane a vystupuje zasifrovany na druhej strane. Po zasifrovaní písmena sa pootoci 1+ rotorov.

– Enigma

3 rotory (vybrane z 5 moznych). Po kazdom znaku sa 1. rotor pootoci. Po dojeti na zarazku sa pootoci dalsi rotor. Kluc - pociatocna orientacia 3 rotorov (Grundstellung), posunutie pociatocnej orientacie a nastavenie, kedy sa pootoci dalsi rotor (Ringstellung).

- * Reflektor - na konci posledneho rotora, zvolí inú cestu späť až na výstup.
- * Prepojovacia doska (Plugboard, Steckerbrett), kluc - výmena parov znakov pomocou káblu, počet káblů sa mení.
- * Počet možných kluců:
 - ak útočník nepozná prepojenie rotorov - $26!^3$ a ani prepojenie reflektorů: $(26 * \frac{25}{2}) * (26 * \frac{25}{2}) \dots * (2 * \frac{2}{2}) / 13!$
 - prepojovacia doska so 6 káblami: $(26 * \frac{25}{2}) * \dots * (16 * \frac{15}{2}) / 6!$
 - rotory Ringstellung: 26^2 , Grundstellung: 26^3
 - **Celkom** $6 * 10^{110}$ (viac než atomů vo vesmíru)
- * Ak ukoristíme 1 stroj: pozname rotory: $3!$, alebo $3 z 5 = 5*4*3 = 60$.
Známy reflektor: 1. Ostatné ostáva rovnaké, teda okolo 10^{16} .
- * Spôsob provozu - denný kluc - distribuovaný pomocou kódovej knihy. Každá správa začína prenosom kľuča správy (Grundstellung iba) "náhodne" vytvoreným odosielateľom zasifrovaným denným kľučom. Kluc je poslaný 2x pre zamedzenie novej chyby. Po prijatí kľuča správy sa pootočia rotory do pozície kľuča správy.

Vernamova sifra

- bez opakovania kľuča, objavená G. Vernamom z AT&T v 1917 pre šifrovanie telegrafných správ.
- plaintext XOR kluc = šifrovaný text
- je nerozlústitelná, ak má kluc rovnakú dĺžku ako všetky šifrované správy a nikdy sa nepoužije znovu a je náhodne zvolený.
- C. E. Shannonom preukázané, že je to absolútne bezpečný šifrový systém.
- používa sa v prípade kubánskej krízy v 1963 pomocou ETCRRM (El. Teleprinter Crypt. Regenerative Repeater Mixer II).

3. *Substitucne sifry*

- DEINSTAR - varianta, text sa tabulkou previedol na 1-2 miestne ciselne symboly a k tym sa pricital kluc (ak je prechod cez 10, zahadzuje sa to - $9+5=4$).
- Co nie je Vernamova sifra: Autokey, ani proudova sifra.

Part III.

Modern Cryptography

4. Symmetric Cryptography

Tajny kluc - zdielane tajomstvo.

Utoky - Ciphertext only attack, Known plaintext attack, Brute force.

Bezpecnostne funkcie

- **Dovernost: ANO** - ochrana proti neoprávnenému precitaniu informácie.
- **Autentizácia: ANO** - vieme, od koho tá správa prišla, ale za rovnakeho predpokladu ako v Integrite.
- **Integrita: ANO**, iba ak správa obsahuje nejakú redundanciu a podľa nej poznám, či je to zmysluplná správa, napríklad XML; integer nemá žiadnu redundanciu. Ale môžeme pridať napríklad CRC v zasifrovanej sprave.
- **Nepopierateľnosť: NIE** - nepoznáme, kto klame - obe strany vedia, kto podvádzal, no nevieme dokázať kto, pretože tajomstvo poznajú obaja)

Dĺžka kľuča:

- 32b - 38m
- 48b - 4,5 roku
- 56b - > 100 rokov (10h u 10^6 procesorov, rok 1999 - 100,000 proc - 22h)

Je možnosť vytvoriť nový algoritmus.

4.1. Prúdové Sifry

Spravu beru po bajtoch/bitoch.

Synchronne - pseudonahodná postupnosť (key stream) je nezávislá na sprave. Ciphertext obvykle spočítaný ako plaintext XOR hodnota key streamu. Napríklad Vernamova šifra, alebo DES v OFB.

Samosynchronizujúce - každý bajt pseudonahodnej postupnosti je závislý na pevnom počte predchádzajúcich bajtov šifrovaného textu. Umi sa resynchronizovať, napríklad Autokey, alebo DES v CFB.

Problémy - je treba dobre voliť IV - nesmie sa použiť rovnaký kľuč pre šifrovanie 2 správ a je treba dávať pozor na integritu. Útočník môže zmeniť dôležitý obsah spravy iba preklopením bitov.

4. Symmetric Cryptography

Generatory PRNG, metody:

- Blokove sifry v OFB - pomale - 1 sirovanie / byte.
- Linearne kongruencne generatory - nie prilis bezpecne. Kryptograficky slabe dokonca aj s pouzitim kvadratickej alebo kubickej funkcie.
- LFSR (linear feedback shift registers) - rychle, nie vzdy bezpecne. Maximalna perioda: $2^n - 1$, dosiahneme ju ak je polynom $T(x)$ primitivny.

Utoky - KPA, je treba 2n bitov plaintext/ciphertext. Je treba xorovat M a C a tym ziskame 2n bitov key streamu. Tie jedinecne urcuju zpatne vazby - urci sa linearnou funkciou. Na utok je treba cas $O(n^3)$

- Kombinovane generatory - niekoľko LFSR pre zvyssenie bezpecnosti. Mozu mat rozne dlzky a rozne zpatne vazby, tiez rozne hodiny (hodinovy IN moze zavisiet na OUT ineho - feed forward, alebo sama sebe - feedback).

Spособy kombinacie - XOR, Multiplexor - Gefe Generator (1 LFSR bezi rychlejsie nez ostatne a urcuje, z kt. z ostatnych vezme nasledujuci bit), Threshold (vystupom generatoru je bit odpovedajuci majorite bitov jednotl. generatorov).

A5 - v GSM pre zasifrovanie dat prenasanych radiovym kanalom. 3 LFSR s dlzkami 19, 22 a 23 - vystupy su XORovane. Registry nie su prilis dlhe a kazdy ma hodiny zo svojho prostredneho bitu XORovaneho vystupom funkcie (threshold) prostrednych bitov vsetkych 3 registrov.

Bezpecnost - utok silou 2^{64} (alebo skor 54). Utok na 2 mensie registry 2^{45} . Skutocny utok - su treba 2s plaintextua 2^{48} predvypoctov, 148 GB priestoru. Doba utoku 1 minuta na PC.

Prudova sifra Bluetooth - dlzka kluca 128 bitov, najlepsi znamy utok 2^{70} . Pouziva 4 LFSR, ktore XORuje.

PKZIP - prudova sifra, berie text po bajtoch. 32 bitove hodnoty, 3 magicke cisla. Nedostatocna bezpecnost, nevhodne k pouzitiu.

RC4 - 1987. Premenna dlzka kluca. Pouziva S-box s prvkami S_0 az S_{255} , ktore su permutaciami 8bitovych cisel 0...255.

Slabiny - nezaistuje integritu - je treba zaistit inak, napr MAC. Dalej problem pri zasifrovaní 2 sprav rovnakym klucom - modifikacia kluca.

Utok - pociatocny keystream nie je dostatočne nahodny. Ak je kluca iba konkaténovaný s nahodnym cislom, lze ho rekonstruovat. Pouzite pre rozlomeni sifrovani WEP pri WiFi sieti.

4.2. Blokové Sifry

Spravu berie po vacsich blokoch (64/128/256 bitov). Pred zasifrovaním musí byť celý blok k dispozícii, vacsia veľkosť zabránuje slovníkovým a statistickým útokom.

- Pre 64 bitový blok - 2^{64} možných blokov otvoreného textu a aspoň toľko isto odpoved. blokov zasifrovaného textu.
- Ideálne náhodné zobrazenie aproximujeme pomocou niekoľko komponent, riadených hodnotou kľuča.
- režimy blokových sifírov môžu byť použité pre akukolvek blokovú sifru
 - ECB (Electronic Codebook) - umožňuje - slovníkové útoky, repetície alebo preskládanie blokov Spravu rozdelím na bloky, každý sifrujem nezávisle. Dĺžka spravy musí byť násobkom veľkosti bloku. Nie je dobré spravu dopĺňovať nulami. Jednoduchá implementácia.
 - CBC (Cipher Block Chaining) - každý blok spravy je XOR-ovaný s predch. zasifrovaným blokom a 1. blok je XOR-ovaný IV (nemusi byť tajný, no je treba chrániť jeho integritu - jeho modifikácia útočníkom mu umožňuje cieľové zmeniť 1. blok). Odolné voči slovníkovým útokom, repetíci/preskládania bloku.
 - * Padding: Doplnenie dodatocných blokov na koniec, ak dĺžka spravy nie je násobkom dĺžky bloku.
 - * Musí byť jednoznačné! Jednoznačné znamená vždy predĺženie aspoň o 1 byte, mal by byť dĺžky zarovnania (napr zarovname o 5 bytov, tak v poslednom byte je '05')
 - OFB (Output Feedback) - synchronná prúdová sifra (DES - pri generovaní pseudonáhodnej postupnosti, key stream). DES je inicializovaný IV. IN blok DESu je posunutý doľava o 'k' bitov a sprava je doplnený 'k' bitmi z výstupného bloku. Typicky k=8 alebo 64. Ten istý key stream nesmie byť viackrát použitý! Obrázok vyzerá tak, že do blokov E prichádza vždy ten istý kľúč K a najprv IV, ale v ďalších už výsledok z ľaveho (predchádzajúceho) bloku E. Výsledok z bloku E sa vždy XORuje s P_i a výsledkom je C_i .
 - * CTR je podobné, citac sa nesmie pre rovnaký kľúč opakovať a každý blok je sifrovaný nezávisle na ostatných, paralelizovateľný.
 - CFB (Cipher Feedback) - samosynchronizujúca prúdová sifra (DES - pri generovaní pseudonáhodnej postupnosti, key stream). DES je inicializovaný IV. IN blok DESu je posunutý doľava o 'k' bitov a sprava je doplnený 'k' bitmi z ciphertextu. Typicky k=8 alebo 64 - bloková sifra sa vlastne prevádza na prúdovú - obrázok vyzerá ako v OFB, ale do bloku E sa pridáva výsledok po predchádzajúcim XOR-e, nie po predchádzajúcom bloku E.

4. Symmetric Cryptography

Feistelova sifra

Vznik IBM, 1973 - základ pre IBM's Lucifer algoritmus, ktorý bol základoom pre DES.

- blokova sifra
- substitucna/permutacna siet
- plaintext rozdelime na 2 casti, prava bude v lavej casti OUT a pouzije sa aj do F; lava bude pouzita pre XOR s vystupom z F a vysledok pojde do pravej casti OUT. Je to na kola, kde jedno: $L_i = R_{(i-1)}$ a $R_i = L_{(i-1)} \text{ XOR } F(R_{(i-1)}, K_i)$
- proces je reverzibilny (poradie subklucov je opacne)
- požiadavky na F - aby bol alg. bezpecny - skrytie vlastnosti spravy aj kluca. Vytvorit dobru F je tazke
- cim vacsi blok a kluc, tym je vacsia bezpecnost
- zlozitejsia generacia subklucov a F moze znamenat vacsiu bezpecnost
- subkluce - v bloku "key schedule" (pozor na moznost slabych klucov)

4. Symmetric Cryptography

DES

56bit - v IBM, na zakazku NBS (dnes NIST), na zaklade Lucifer. Modifikovan NSA - zmena S-boxov, kluc zo 128 na 56. Ako standard v 1976. Zasifroval najviac bitov zo vsetkych algoritmov.

- Vylepsenie - 3DES. Pracuje s velkostou bloku 112bitov. Double DES nie je bezpecny - KPA (known plaintext attack) utok MitM - 2^{n+1} pokusov.
- Posuvy a permutacie vytvaraju 48-bitove subkluce pre kazde kolo. 2^{56} klucov.
- IN -> pociatocna permutacia (IP) -> 16 cyklov -> koncova permutacia -> OUT
- F funkce:
 - 32 bitov -> E funkce -> 48 bitov XOR K_n -> Substituce (S boxy) -> 32 bitov -> Permutace P
 - E funkce - expanze bitov, duplikacia niektorych S-boxy (Selection, neskor Substitution boxy) - zasadne pre bezpecnost, NSA zmenila ich obsah, jediny nelinearny krok DESu
- Key Schedule - je treba 16x48-bitovych klucov. Idealne by bolo mat 768 bitov, teda 16 nezavislych klucov. Pouziva sa 56 bitovy kluc, 64 s paritou. Pouziva sa operacia rotace.

Bezpecnost

- DES Avalanche Effect - zmena v plaintexte - pocet OUT bitov, kt. sa zmeni pri zmene 1 bitu na IN. Rovnaka vlastnost sa skuma pre zmenu 1 bitu kluca.
- Slabiny a pochybnosti: velkost bloku a kluca - je viac blokov nez klucov, pre 1 blok 2^{64} sprav -> 2^{56} klucov. Zasifrovany konstantny blok nemoze mat vsetkych 2^{64} hodnot
- 56 bitovy kluc je moc kratky - utok silou
- komplementarne kluce, alebo existencia slabych - pri generovani treba kontrolovat, ci sa nejedna o:
 - slaby kluc - vsetky su rovnake, lava alebo prava polka su same 0 ci 1 (4ks)
 - poloslaby kluc - generuju iba 2 rozne subkluce (12ks)
 - asi slabe kluce - generuju iba 4 rozne subkluce (48ks)
 - **dokopy** teda 64 klucov, zo 72,000 trilionov
- nevieme, ci 16 cyklov staci pre bezpecne zasifrovanie
- navrh S-boxov nebol zverejneny - moznost zadnych vratek - ak by mali nejaku linearnu funkciu, ich autor by sifru mohol lahko rozbit

4. Symmetric Cryptography

- **utok na slabe, komplementarne kluce** (56 na 55 bitov), diferencialna / linearna kryptoanaliza nie je prakticky pouzitelna
- **Brute force**, teoreticke utoky:
 - Diffie a Hellman - 1976 - stroj za 20M dolarov a 1M procesorov, 10^{12} keys/sec a vsetky za 1 den
 - Michael Wiener - 1993 - 1M dolarov s 57,600 cipmy, kazdy testuje 50M keys/sec, 1 kluc priemerne za 3.5h
 - EFF DES Cracker - 1998 - 250,000 dolarov, 41,472 procesorov - 2.5M klucov/sec
 - 1999 - 56 bitovy kluc za 22 hodin- 100,000 pocitacov + 1 EFF

IDEA

pomocou 128bit key sifruje 64bitove bloky.

- Ako DES - pracuje v kolach a operacia je rovnaka pre sifrovanie aj desifrovanie. No lisi sa od neho v tom, ze je navrhnutá tak, aby bola efektívna aj v SW a nepouziva S-boxy ani P-boxy.
- Zakladne operacie - XOR, scitanie mod 2^{16} a nasobenie mod $2^{16} + 1$.

Blowfish

sifruje 64bitove bloky. Kluc ma premennu dlzku, az do 448bitov.

- Takmer Feistelova sifra. Pouziva F funkciu - ta 4 S-boxy, kazdy S-box prevadza 8bitov na 32bitov.
- Klucovo zavisle S-boxy - ich obsah je urceny hodnotou kluka.

TEA (Tiny Encryption Algorithm)

64-bitovy blok, 128 bitovy kluc.

- Vyuziva 32-bitovu aritmetiku.
- Premenny pocet kol (obvykle 32). V kazdom pouziva slabu funkciu, preto treba vacsi pocet kol.
- Takmer Feistelova sifra. Pouziva + a - namiesto XORu. Jednoducha, lahko implementovatelna, rychla a pamatovo nenarocna.
- Existuje tzv. **related key attack** - eXtended TEA (XTEA) ho eliminuje.

AES (Advanced Encryption Standard)

Velkost bloku 128, variabilne dlzky klucov 128 (10 kol) / 192 (12 kol) / 256 (14 kol).

- Zalozeny na Rijndael algorithm (Belgicko), platny od 2002. Mal odstranit nedostatky DESu.
- Sifrovanie
 - Krok Add Round Key (subkluc XOR blok)
 - Kola:
 - * a) Byte Sub - kazdy bajt bloku je nahradeny inym podla S-boxu. Je to nelinearny krok, ale invertovatelny.
 - * b) Shift Row - bajty su usporiadane do matice a posunute.
 - * c) Mix Column - nasobenie matic. Je to nelinearny krok, ale invertovatelny, aplikovany na kazdy stlpec. Obvykle implementovane ako velka tabulka.
 - * d) Add Round Key - subkluc (round key) je vytvoreny algoritmom Key Schedule.
- Desifrovanie (proces sifrovania musi byt invertovatelny)
 - Inverzia MixAddRoundKey je jednoduchá
 - XOR je inverzny sam o sebe
 - MixColumn je invertovatelny pomocou inej tabulky
 - inverzia ShiftRow je jednoduchá (cyklicky posuv v opacnom smere)
 - ByteSub je tiez invertovatelny inou tabulkou

RC2, 4, 5

Ron Rivest - variable key size.

Skipjack

80bit key, 32 rounds, NSA initially classified.

5. Symetricka sprava klucov

Zdielany kluc je casto dlhodoby (W_{AB} alebo KEK_{AB}) a pomocou neho sa dohaduje kluc relace (K_{AB}).

Kluc relace - iba docasne tajomstvo, pouzivane iba pre kratku dobu a potom znicene. Nezavislost zabezpecenia jednotlivych relaci, obmedzenie potreby pamatat si mnozstvo klucov, mnozstvo zasifrovanych sprav pre analyzu utocnikom a casovy rozsah dopadu prezradenia 1 kluca.

Vlastnosti spravy klucov

- sposob autentizacie - autentizacia subjektu a kluca
- vzajomna autentizacia - jednozmerne, obojsmerne
- cerstvosť kluca
- cinnost: distribucia kluca, dohoda na kluci
- efektivnosť - pocet prenesenych sprav, bajtov, zlozitost vypoctov ucastnikov
- poziadavky na 3. nezavislu stranu (TTP - Trusted Third Party - KDC, CA, KTC, bez nej by mohlo byt n^2 klucov) - Online, Offline, miera dovery v TTP

Ciele utocnika

- ziskat kluc relace pomocou odposluchu, ucastnit sa beziaceho protokolu a pomocou zmien prav ziskat kluc relacie
- iniciovat 1+ behov protokolu a kombinovat ich spravy pre realizaciju prechadzajucich utokov
- bez schopnosti zistit kluc relace podviest 1 z ucastnikov ohladne identity ucastnika, s ktorym navazuje protokol
- presvecit 1 z ucastnikov, ze uspesne naviazal protokol s inym ucastnikom nez je utocnik

Utok replay

- Simple replay - skopirovat spravu, neskor zaslat

5. Symetricka sprava klucov

- Suppressed replay - odstranit spravu, neskor zaslat
- Timed replay - skopirovat spravu, zaslat ju v ramci casu expiracie
- Replay to Sender - zaslat spravu spat odosielateľovi (Reflection attack, napríklad pre protokoly vyzva-odpoved)
- Interleaved runs - kombinacia sprav z roznych/subeznych behov toho isteho protokolu

Cerstvost - Seq numbers (musia byt udrzovane pre kazdy kanal), timestamps (sprava je projata iba ak je casova znacka dostatočne čerstva), Nonces (nahodne cisla zasielana po vyzve, vratená v odpovedi)

KDC (Key Distribution Center) - KDC generuje kluc relace K_{AB} - Push (A posle požiadavok KDC, to posle spat kluc A, potom A posle kluc B) model, Pull model (A posle požiadavok B, B posle požiadavok KDC a KDC ho vrati B), alebo Hybridny model (A posle KDC požiadavok, KDC odpovie A zaslaním klucu a zároveň ho posle i B)

KTC (Key Translation Center) - jedna z komunikujucich stran generuje kluc relacie K_{AB} - Push model (A generuje kluc, posle ho KTC, ten ho posle spat A a ten ho posle B), Hybridny model (A generuje kluc, posle ho KTC a ten ho posle B)

Nevyhody - kazda komunikacia vyzaduje kontakt s TTP (trusted third party) a to musi mat ulozene n dlhodobych klucov. Okrem toho moze citat vsetky spravy a ak je kompromitovana, je akakolvek komunikacia nebezpečna.

Oproti tomu asymetricka - TTP nemusí byt kontaktovane pred kazdou komunikaciou, nemože jednoducho odposluchavat komunikáciu a dovera v TTP staci mensia (TTP moze iba dočasne zmenit identitu ucastnika).

Protokoly

- Najjednoduchsi protokol: symetricky kluc, challenge-response - jednosmerna autentizacia, autentizovany kanal sa da ukrast (conn hijacking), staci hashovacia funkcia, ak je K odvodené od hesla, da sa provaded offline hadanie hesla.
- One-message protocol - symetricky kluc, casova znacka - jednoducha integracia do systemov s heslom. Velmi efektívny, 1 sprava a je bezstavovy. Je treba dat pozor na replay a ak je kluc zdielany medzi viacerymi servermi. Je treba chranit hodiny a alternativne sa da pouzit s hash funkciou.
- Verejny kluc - vyzva odpoved - pomocou podpisu alebo desifrovania (B moze pozadovat po A, aby podpisala/desifrovala akykolvek text, ktorý si oni zvolí. Riešenie - nepouzivat rovnaky kluc pre viac ucelov - pre prihlasenie a podpis, a pouzivat formatovane vyzvy).

5. Symetricka sprava klucov

- Obojstranna autentizacia. Slabina - Utocnik moze vykonat slovníkový útok na zdieľaný kľúč vydávajúci sa za A, bez odposluchávania. Riešenie: použitie napríklad princípu, že iniciujúca strana by mala preukázať svoju identitu prvá.
- Otway-Rees protokol - KDC, Pull
- Wide-Mouthed Frog - KTC, Hybridný model, časové značky. Neskôr objavený problém s periodickou žiadosťou o presifrovanie kľúča a 'predĺžovaním' časovej značky
- Needham-Schroeder - KDC, Push
- Weird Reflection Attack - symetrická šifra v ECB režime - obecné nevhodné
- Kerberos v4 a v5 - protokol pre autentizáciu a bezpečnú komunikáciu PC prepojených sieťou. Žiadateľom sa pridávajú bezpečné tickety, ktoré slúžia pre naviazanie bezpečnej komunikácie. Standardné formáty zabezpečených správ. Správy zachycujú aj meno, doby expirácie. Mechanizmus centralného KDC (AS - auth server). Podporuje 'slave KDC', ktoré môžu poskytovať iba obmedzené operácie (TGS - Ticket Granting Server).
 1. Používateľ sa zaregistruje na pracovnú stanicu a požaduje na hostovi služby.
 2. AS overifikuje jeho užívateľské prístupové práva v DB, vytvorí ticket-tgranting ticket a kľúč relácie. Výsledok je zasifrovaný použitím kľúču derivovaného z užívateľovho hesla.
 3. Workstation vyzýva užívateľa o heslo a používa heslo na odsifrovanie prichádzajúcej správy, potom pošle ticket a autentikátor, ktorý obsahuje užívateľovo meno, sieťovú adresu a čas k TGS.
 4. TGS odsifruje ticket a autentikátor, overifikuje request a potom vytvorí ticket pre požadovaný server.
 5. Workstation pošle ticket a autentikátor na server.
 6. Server overifikuje, že ticket a authenticator sa zhodujú, potom povolí vstup. Ak je vyžadovaná vzájomná autentizácia, server vráti autentikátor.

6. Asymmetric Cryptography

Dĺzky kľucov - 768, 1024, 2048b. Diffie a Hellman a nezávisle na nich Merkle (1976).

Aplikácia - šifrovanie, elektronický podpis, výmena kľucov pre ustanovenie kľuča relácie

Šifrovanie VK

- Dôvernosc (ANO-prijemca je jediný, kto sa môže zoznamit s obsahom spravy. Rozšifrovat to môže iba ten, čo pozná súkromný kľuč),
- Autentizácia (NIE - verejný kľuč pozná ktokolvek aj útočník, sprava môže byť kľudne aj od neho),
- Integrita (NIE-prijemca môže prijat pozmenenu spravu),
- Nepopierateľnosť (NIE - neviem čo prišlo, neviem od koho to prišlo).

Šifrovanie SK

- Dôvernosc (NIE, VK poznajú všetci) ,
- Autentizácia (ANO - ak tú spravu zasifrujem, mohla byť zasifrovaná iba odpovedajúcim SK),
- Integrita (ANO-odosielateľ ju mohol jediný zasifrovat svojím SK tak, aby som ju mohol správne desifrovat),
- Nepopierateľnosť - el. podpis (ANO).

Šifrovanie SK, potom VK, desifrovanie SK, potom VK

- Dôvernosc,
- Autentizácia,
- Integrita,
- Nepopierateľnosť.
- **ANO** všetky 4 bezpečnostné funkcie, no za cenu 4 kľucov.

Šifrovanie VK, potom SK, desifrovanie VK, potom SK

Ako vyššie uvedená, no v 90% prípadov sa používa tá vyššie uvedená. V normálnom svete tiež podpis najprv podpiseme a potom ho nalepíme do obalky. Okrem toho, môžeme sa dostať do situácie, že je sprava už desifrovaná, ale ešte je podpísaná elektronickým podpisom. Tento druhý prípad to nepokryva.

6.1. Hash functions

- SU tiež zname ako jednocestná funkcia, hash, one way function, digest, message digest, charakteristika spravy.
- Funkcie aplikovateľné na IN ľubovolnej veľkosti, OUT má konštantnú dĺžku (128/160/256 bitov) a lze ju rýchle spočítať.
- Rýchle ju lze spočítať.
- CRC, digitálny podpis.
- Je výpočetne nezvladnuteľné najst:
 - (first preimage resistance) - pre dané y nájsť x , aby platilo $F(x)=y$... (k hashu nenajdeme plaintext)
 - (second preimage resistance) - pre dané x nájsť $x' \neq x$, aby platilo $F(x')=F(x)$... (k plaintextu nenajdeme iný plaintext s rovnakým hashom)
 - (collision resistance) - nájsť x' a x , $x' \neq x$, aby platilo $F(x')=F(x)$... (nenajdeme 2 rôzne plaintexty s rovnakým hashom)

Ak je collision resistance, tak aj 2nd preimage. Ak je MAC, tak vzhľadom k útoku chosen-text attack je 2nd preimage a collision resistant, aj 1st preimage resistant.

- Klasifikácia
 - **neklucovane** - **MDC** (manipulation detection codes) alebo **MIC** (message integrity codes):
 - * One-way Hash Functions (**OWHFs**), cieľom návrhu je collision resistance, cieľom útočníka je kolíziu nájsť (sila $2^{\frac{n}{2}}$)
 - * Collision Resistant Hash Functions (**CRHFs**), cieľom návrhu je 1st & 2nd preimage resistance, cieľom útočníka je ich nájsť (oboje zvlášť majú silu 2^n)
 - **klucovane** - **MAC** (message authentication codes) - zaisťujú autentizáciu a integritu. Cieľom návrhu je non-recovery key a odolnosť voči výpočtu, cieľom útočníka je nájsť kľúč (2^n) alebo vytvoriť nový MAC, (sila 2^{-n} sila až 2^{-t}), kde t je dĺžka kľúča.
- Detailnejší pohľad
 - vstup je zároveň, potom sa pripojí dĺžka (predspracovanie). Potom nastáva iteratívne spracovanie, pritom sa získajú upravené IN v kompresnej funkcii mení spolu s výstupom s predchádzajúcom kódom (prvý je IV). Posledné voliteľné kolo je ešte nejaká transformácia.
 - obvykle sú zložené z kompresnej funkcie f , ktorá pracuje nad blokmi - podobne blokovým šifrom v CBC režime. Hodnota hashu pre každý blok je závislá na

6. Asymmetric Cryptography

hodnote bloku a hodnoty hashe predchadzajucich blokov. Na zaciatku sa pouziva IV.

- **Merklova meta-metoda:** kazda kompresna funkcia odolna proti koliziam sa da rozsirit na CRHF. Tato metoda popisuje efektivny sposob ako ju vytvorit - n bitovy vystup, r bitova premenna. Ak existuje kolizia pre vystup h, to znamena ze vznikla kolizia pre f v urcitom kole i. Vlozenim dlzky bloku je zaistene, ze ziadny IN nie je prefixom ineho IN (Merkle-Damgardovo zosilenie).
- Zarovnanie
 - nejednoznacne (ambiguous padding): pripaja k sprave tolko nulovych bitov, aby bola sprava nasobkom dlzky bloku
 - jednoznacne (unambiguous padding): pripoj k sprave 1, proved nejednoznacne zarovnanie. Je to neintuitivne pre programatora.
- Zakladny utok
 - na hash, n-bitovy neklucovany hash ma idealnu bezpecnost, ak splnuje pozadavky na OWHF a CHRF
 - utok silou na kluc MAC (known-text attack) vyzaduje 2^t operaci
 - predvypocitanie hashu (memory-time tradeoff) * uhadnutie MAC: 2^n operaci
 - paralelizacia 2nd-preimage utoky na dlhe spravy pre 2nd-preimage. Ak je h iterovana funkcia a nepouziva sa MD zosilenie, potom 2nd preimage moze byt najdene v case " $2^{\frac{n}{s}} + s$ " a priestoru " $n * (s + \log s)$ " bitov pre $1 < s < \min(t, 2n/2)$ - narodeninovy utok na medzivysledky
- Priklad birthday attack:
 - predpokladajme hash funkciu s n-bitovym OUT. Utocnik vytvori dokument 'priatel'ska dohoda' a priblizne $2^{\frac{n}{2}+1}$ semanticky ekvivalentnych verzii. Podobne utocnik vytvori dokument 'nepriatel'ska dohoda' a tolko isto semanticky ekvivalentnych verzi. S pravdepodobnostou 1/2 bude existovat verzia priatel'skej a nepriatel'skej dohody, ktore budu mat rovnaky hash.
 - pozadovane dlzky: OWHF: $n \geq 80$, CHRD: $n \geq 160$ (birthday attack), MAC: $n \geq 64$ s klucom aspon 64 bitov (je vhodne obmedzit pocet pokusov hladania)
- Blokovy sifry
 - Matyas-Meyer-Oseas - do funkcie ide IN_i a $g(H_{i-1})$ a jej vystup XOR IN_i
 - Davis-Meyer - do funkcie ide IN_i a H_{i-1} a jej vystup XOR H_{i-1}
 - Miyaguchi-Preneel - do funkcie ide IN_i a $g(H_{i-1})$ a jej vystup XOR IN_i XOR H_{i-1}
- Algoritmy: MD2, MD4, MD5, SHS, SHA

6. Asymmetric Cryptography

- MD2 - dava 128-bitovu charakteristiku spravy. Jednoduchy a rychly algoritmus.
 - * Nahodna substitucia je tabulka z cislic Ludolfovho cisla, nemoze teda obsahovat skryte vratka.
- MD4 - specialne navrhnuté ako hashovacia funkcia specialne pre SW implementáciu na 32-bit strojoch. Startovací bod pre MD5, SHA-1 a RIPEMD. 128-bitový OUT.
 - * Dobbertin našiel kolízie pre zmysluplné spravy.
- MD5 - OUT 128 bitov a bloky 512 bitov. Sprava je doplnená o dĺžku $k = 448 \bmod 512$. Na koniec spravy je pridaný 64-bitový blok s dĺžkou spravy. Výsledná je násobkom 512 bitov. 64 krokov (4 po 16), veľkosť spravy neobmedzená.
 - * Nie je odolné proti kolíziám a používa sa v IPSec a iných protokoloch.
 - * Už od 2005 **sa neodporuča ju používať (Halloween Hash Bash)**
- RIPEMD-160: OUT 160 bitov a 160 krokov (5 po 16), inak ako MD5. Kompresná funkcia, mapuje 21-slovný IN (5 slovná stavová premenná, 16 slovný blok spravy, 32 bitová slova) na 5-slovný OUT.
 - * Viac kol než MD-4 a bezpečnosť porovnateľná s SHA-1.
- SHA: 1993, podobná MD5, revidovaná v roku 1995 a druhý krát (SHA-2) v 2001.
 - * SHA-1: OUT 160 bitov, blok 512 bitov, 80 krokov (4 po 20), max veľkosť spravy $2^{64} - 1$. Už sa v nových aplikáciách používať nemôže (**Halloween Hash Bash**).
 - * SHA-2: rodina algoritmov, bežne sa používa iba SHA-256. Málo efektívne v HW implementácii, behom 10 rokov pravdepodobne nebude existovať praktický útok, možno len teoretický.
- **MAC** - rodina funkcií parametrizovaných tajným kľúčom. Snadný výpočet ak je k známe, výpočetná bezpečnosť, pri znalosti páru $(IN_i, hk(IN_i))$ je výpočetné nemožné spočítať novú dvojicu $(IN, hk(IN))$ pre nové $IN \neq IN_i$.
 - V podstate sa vypočíta $MAC_ALG(MSG, K) = MAC$. $MSG + MAC$ je výsledok. Ten sa vlastne tým istým kľúčom potom rozsifrováva.
 - CBC MAC - voliteľný krok má zabrániť útoku chosen-text existential forgery bez ovplyvnenia predchádzajúcich krokov. Lebo základný CBC-MAC je bezpečný iba pre spravy s pevným počtom blokov. Inak ak máme dvojice (x_1, H_1) a (x_2, H_2) a môžeme požadovať $((x_1 || z), M)$ potom je možné skonštruovať novú spravu $(x_2 || (H_1 \oplus z \oplus H_2), M)$ ktorá je platná. MD zosilnenie nepomáha. (A, B) - A je sprava, B je jej hash.
 - MAC vytvorené z MDC - veľmi rozsiahla konštrukcia - IPSec, SSL. 3 rôzne stratégie:

6. Asymmetric Cryptography

- * Secret prefix: na zaciatok spravy sa prida tajny kluc k a MAC je potom $M=h(k||x)$. Je tu **utok**, kedy je mozne na koniec spravy pridať y a spocitať $h(k||x||y)$ zo znalosti $h(k||x)$ bez znalosti k !!! Nepomaha ani MD zosilenie (i dlzka x sa da zahrnut do spravy) a ani ta varianta nie je bezpecna, kedy pouzijeme k ako H_0 (teda IV).
 - * Secret suffix: MAC je $M=h(x||k)$. **Moznost narodeninoveho utoku** - utocnik, ktory moze zvolit x moze vytvorit tiez x' pre ktore $h(x) = h(x')$ so zlozitostou $O(2^{\frac{n}{2}})$ bez ohladu na dlzku kluca k . Metoda v podstate vypocita hash a v konecnej faze ho 'zasifruje'. Nie je to dobry sposob!.
 - * Enveloping: $hk(s) = h(k||p||x||k)$, pricom p je retazec pouzity pre zarovnanie kluca k na dlzku 1 bloku. Lepsie nez predchadzajuce 2, no nie je to najlepsia metoda. **Je to zaklad pre algoritmus HMAC.**
- **HMAC** - klucovany hash. Pouziva sa v IPSec a TLS. Spocita sa H_1 ako hash konkatenancie M a K_1 . Pre zabranenie utoku 'dodatocny blok' sa spocita H_2 ako hash konkatenancie H_1 a K_2 . K_1 a K_2 pouzivaju polovicu bitov kluca K . Kluc K sa zvykne doplnat nulami.
 - **Metody pre integritu dat:** iba MAC, alebo MDC a autentizovany kanal, alebo MDC a sifrovanie.

6.2. RSA (Rivest-Shamir-Adleman)

Faktorizacia velkych cisel. Ako blokova sifra, blok je v rozmedzi 0-n.

Kluce

- n je verejny modulus,
- e je verejny exponent,
- d sukromny exponent,
- p a q su cinitele modulu n ($n = p \cdot q$)
- musi platit vzťah $d \cdot e \bmod (p-1)(q-1) = 1$
- verejny kluc je (n,e)
- sukromny kluc je (n,d)

Postup

1. vygeneruj prvocisla p, q
2. spocitaj $\phi(n)=(p-1)(q-1)$

6. Asymmetric Cryptography

3. zvol hodnotu $e < \text{theta}(n)$ taku, že $\text{GCD}(\text{theta}(n), e) = 1$
4. spočítaj d tak, že $d = e^{-1} \bmod \text{theta}(n)$

Sifrovanie/desifrovanie, plaintext (m), ciphertext (c)

- utajenie:
 - sifrovanie VK: $c = m^e \bmod n$
 - desifrovanie SK: $m = c^d \bmod n$
- elektronický podpis:
 - sifrovanie SK: $s = m^d \bmod n$
 - desifrovanie VK: $m = s^e \bmod n$

Utoky

- ak útočník vie rozložit n na činitele p, q , môže dopocitať SK. Ak uhadne $(p-1)(q-1)$ tak môže dopocitať SK aj bez faktorizácie n .

Rady

- nepoužívať malé hodnoty pre d ,
- vždy dopĺňovať správy náhodnými číslami, aby m malo približne rovnakú veľkosť ako n .

6.3. DSS/DSA (Digital signature standard/algorithm)

Problem diskretného logaritmu, navrhnutý NISTom v 1991. Veľkosť kľuca najprv 512bitov, potom 2 násobok. Bezpečnosť je porovnateľná s RSA.

Nevyhody

- neda sa použiť pre sifrovanie alebo distribúciu kľucov
- rýchlejšie než RSA pri podpise ale pomalší pri verifikácii
- v dobe, kedy je už značne rozšírené RSA
- obavy, či neobsahuje žiadne vrátko od NIST

Utoky

- uhádnuť náhodného čísla k , ak je známe, že sa spočítajú r a x
- žiadne vrátko - pre niektoré špeciálne hodnoty p je problém diskretného algoritmu ľahko riešiteľný, možnosť že v parametroch sú od NISTu

6.4. DH (Diffie-Hellman)

Prvy algoritmus s VK, založený na problému diskretných logaritmov modulo n .

Protokol

- Pre ustanovenie kľuca relácie K
- Kľuc relácie sa použije pre šifrovanie ďalšej komunikácie
- Zvolenie parametrov: zvolí sa veľké prvočíslo n , hodnota g , ktorá nedeli n .

Komunikácia

1. Alica zvolí x . pošle správu $X = g^x \bmod n$
2. Bob obdrží správu, zvolí y . Pošle správu $Y = g^y \bmod n$
3. Alica spočíta kľuc $K = Y^x \bmod n$ $K = Y^x \bmod n$
4. Bob spočíta kľuc $K = X^y \bmod n$

Kľuc bude $K = g^{xy} \bmod n$

6.5. Knapsack

Problém balenia vecí do batohu. Ako vybrať predmety, ktoré majú súčet presne rovný kapacite batoha.

Príklad

Nech $S = \{4, 7, 1, 12, 10\}$ a $T = 17$. $T = 17 = 4 + 1 + 12$, potom existuje vektor $V = \{1, 0, 1, 1, 0\}$ ako riešenie.

6.6. EC (Elliptic Curves)

Odporúča sa bitový kľuc aspoň 160 bitov, no ideálne 256.

- scítanie: $P + Q = R$, $P \neq Q$
- zdvojnásobenie: $P + P = 2P = R$
- ľahký výpočet: $Q = kP = P + P + \dots + P$ (k -krát)
 - (P je bod na krivke a k je celé číslo)
 - Obtiažny výpočet: máme danú krivku, bod P a kP - je ťažké vypočítať k , ide o **ECDLP - Elliptic Curve Discrete Logarithm Problem**.
- také kryptosystémy poskytujú najväčšiu mieru obtiažnosti na 1 bit dĺžky kľuca so všetkých asymetrických alg a ich sila s dĺžkou kľuca rastie oveľa viac než sila RSA

6. *Asymmetric Cryptography*

- 120 bitový kluc EC == 1,024 bit RSA (10^{12} rokov u MIPS)
- 1200 bitový kluc RC == 120,000 bit RSA (10^{168} rokov u MIPS)
- výhodne na miestach s obmedzeným:
 - výpočtovým výkonom alebo kapacitou pamäte
 - plochou čipu integrovaného obvodu
 - prenosovou rýchlosťou tam, kde je potrebná vysoká rýchlosť

7. Asymetricka sprava klucov

7.1. X.509

Bezpecnostne funkcie - autentizacia, dovera, integrita a nepopieratelnost.

- Certifikacia verejneho kluca - CA podpise VK uzivatela a jeho meno (plus dalsie udaje) svojim tajnym klucom = certifikat. Moze byt teda overeny VK CA.
- VK CA mozu byt opat certifikovane inymi CA - stromove struktury, krizova certifikacia medzi stromami. Retazec certifikaci nie je nekonecny, existuje korenovy VK a ten zostava necertifikovany.
- Polozky certifikatu
 - version (standardne 0),
 - serial number (uniq, poradove cislo cert),
 - issuer (meno vydavajuce CA),
 - subject (meno vlastnika cert),
 - validity,
 - subjectPublicKeyInfo (VK subjectu),
 - signature (alg podpisu certif).

Format mena - postupnost relativnych jedinecnych mien (RDN - Relative Distinguished Names):

- C - countryName,
- OU - organizationalUnitName,
- CN - commonName,
- SP - stateOrProvinceName,
- T - title,
- BC - businessCategory,
- O - organizationName,
- S - surname,
- L - localityName,
- ST - streetAddress,

7. Asymetricka sprava klucov

- SN - serialNumber,
- D - description.
- Ulohy CA - registracia VK, distribucia alebo rusenie certifikatov.
- Typy CA
 - korenova, 'policy' - vydava certifikaty CA,
 - uzivatelska - vydava certifikaty uzivatelom. Negeneruje kluce, nemoze zarucit kvalitu alebo jedinecnost uzivatelskych klucov. Vykonava:
 - * udrzba zaznamov vo svojom adresari,
 - * udrzba ciernych listin certif vydaných a potom odobratých touto CA,
 - * zaslanie mena a novych verejnych klucov korenovej CA formou spoľahliveho krízového certif pri každej zmene korenovej CA alebo ich klucov,
 - * zaslanie doprednej certif cesty pri zmene ktorejkoľvek vyššej CA/ich klucov,
 - * aktualizáciu hodnôt uzivatelskych certifikatov v zaznamoch svojich uzivatelov v adresari.
- Vydanie certifikatu - uzivatel si lokalne vygeneruje kluce, uzivatelske CA zasle prototypovy certif, po jeho overeni posle uzivatelska CA uzivatelovi jeho podpisany certifikat.
- Dovody rusenia certifikatu
 - bol prezradeny SK uzivatela,
 - zmenil sa zamestnavatel uzivatela, cim je neplatne meno obsiahnute v certifikate,
 - uzivatel uz nema byt certifikovany danou CA,
 - SK CA bol kompromitovany,
 - uzivatel porusil bezpecnostne pravidla CA.

Dve moznosti:

- Zruseny certifikat je umiestneny na ciernu listinu, zoznam zrusenych certifikatov - **CRL** (A certificate revocation list). Je to zoznam zneplatnenych a nevyexpirovaných certifikatov. Pull model (prijemca cert si stahuje podľa potreby CRL od CA) alebo Push model (CA pravidelne posielá CRL prijemcom certifikatov - prakticky nerealizovatelny, zoznam byva velmi velky a uzivatelov mnoho). **CRL je nachylny na DOS.**
- Na stav certifikatu je mozno sa dotazat mechanizmom **OCSP** (Online Certificate Status Protocol). Pouziva protokol Request / Response. Odpoved je vytvarana na strane serveru, redukuje sa mnozstvo prenasanych dat, server moze pozadovat, aby poziadavky boli podpísané. **Stale nachylne na DOS.**

7. Asymetricka sprava klucov

- Dokumentacia
 - CP (Certificate Policy) popisuje vlastnosti cert
 - CPS (Certificaton Practise Statement) popisuje ako bol cert vydany
- Miera dovery v certifikaty
 - Trieda 1: certifikat zaistuje iba jedinecnost mena vlastníka, je ho mozne ziskat anonymne
 - Trieda 2: identita vlastníka musi byt overena tretou stranou - notarsky overeny formular, zaslany postou
 - Trieda 3: vlastnik musi osobne navstivit CA, overenie osobnej totoznosti
 - Trieda 4: Trieda 3 + prokazanie opravenosti ziadatela pozadovat certifikat

7.2. Elektronicky podpis

Vlozenie textu podpisu do dokumentu alebo naskenovaneho obrazku. Digitalny podpis je podmnozina, zalozeny na pouziti kryptografickych mechanizmov.

Bezpecnostne funkcie - autenticita, integrita a nepopieratel'nost.

- PKCS - public key cryptography standards:
 - #1: RSA cryptography - sifrovanie a podpis pomocou RSA
 - #7: Cryptographic Message Syntax - sprava klucov moze byt pomocou Diffie-Hellmana, syntaxe zasifrovanej a podpísanej spravy
 - #11: Cryptographic Token Interface - jednotne API pre cipove karty a ine zariadenia
 - #15: Cryptographic Token Information Format - format suborov pre kryptograficke data na cipovych kartach a inych zariadeniach

Dalsie:

- #3:Diffie-Hellman Key-Agreement
- #5:Password-Based Cryptography
- #8:Private-key information Syntax
- #9:Selected Attribute Types
- #10:Certification RequestSyntax
- #12: Personal Information Exchange Syntax

#2, #4 a #6 su uz zastarale a #13 a #14 su stale vo vyvoji

7.3. Bezna elektronicka posta

PEM (privacy enhanced mail) - navrh standardu definujuci procedury pre sifrovanie a autentizaciu sprav el. posty pri zlepšení bezpecnosti v rámci siete Internet. Poskytuje symetricku aj asymetricku spravu klucov. Cert VK podľa X.509, vlastna hierarchia CA. Implementacie TIS/PEM (od firmy Trusted Information Systems) alebo RIPEM. Neuchytil sa, bol vytlačený S/MIME. Najprv bol standardizovaný a až potom implementovaný. Poskytuje:

- zasifrovanie sprav - dovernosť - sprava je zasifrovaná algoritmom DES-CBC náhodným kľúčom relácie a ten je zasifrovaný buď VK príjemcu pomocou RSA alebo tajným kľúčom
- elektronický podpis - autentizácia integrity a neodmietnuteľnosť zodpovednosti (tá je ak je použitá asymetrická sprava klucov) - Pomocou MD2/MD5 je spočítaný hash spravy a je zasifrovaný pomocou RSA SK odosielateľa.
- kompresie dát a segmentácia nie je
- kodovanie do textovej podoby - radix64
- autentizácia - symetrická kryptografia - MD2/MD5, DES-ECB alebo DES-EDE

Spôsoby zabezpečenia:

1. konverzia spravy do kanonickej formy
2. generovanie autentizačného a integritného zabezpečenia
3. zasifrovanie spravy
4. konverzia do textovej podoby.

Typy zabezpečenia:

- MIC-CLEAR - kroky 1,2
- MIC-ONLY - kroky 1,2,4
- ENCRYPTED - všetky 4 kroky

Koreňová CA sa nazýva IPRA (Internet Policy Registration Authority), potom sú tam High Assurance, Residential, Misd-Level Assurance, Persona a užívateľia.

PGP (pretty good privacy) - aplikacný SW s kryptografickými vlastnosťami vykazujúcimi vysoký stupeň bezpečnosti. Poskytuje:

- zasifrovanie sprav - dovernosť - sprava je zasifrovaná IDEA náhodným kľúčom relácie. Ten je zasifrovaný VK príjemcu pomocou RSA a zaslaný so správou.
- elektronický podpis - autentizácia integrity a neodmietnuteľnosť zodpovednosti (nepopierateľnosť odosielateľa) - pomocou MD5 je spočítaný hash spravy a je zasifrovaný pomocou RSA SK odosielateľa.
- kompresiu dát - zip

7. Asymetricka sprava klucov

- kodovanie do textovej podoby - radix64
- segmentace - dlha sprava moze byt rozdelená na segmenty

Na Windows - WinPGP napríklad. Ma to aj GUI.

Používa Web of Trust - ak užívateľ A nedôveruje B, ale dôveruje C, ktorý dôveruje B, tak tranzitívne aj A dôveruje B.

S/MIME (Secure/MIME) - špecifikácia bezpečnej výmeny správ aplikovaním štandardov asymetrickej kryptografie PKCS. Certif VK podľa X.509. Je flexibilný. Poskytuje:

- zasifrovanie správ - DES/ 3DES / RC2 - sprava je zasifrovaná symetrickým alg. náhodným kľúčom relace,
- elektronický podpis - pomocou MD5 / SHA-1 je spočítan hash spravy a je zasifrovaný pomocou RSA SK odosielateľa,
- kodovanie do textovej podoby - MIME.

Typy zabezpečených správ:

- Data (data) - obecné, nesifrované a nepodpísané data
- Podpísané data (signedData) * Sifrované data pre prenos (envelopedData)
- Podpísané sifrované data pre prenos (signedAndEnvelopedData)
- Data s charakteristikou (digestData)
- Sifrované data pre uloženie (encryptedData) - napríklad na lokálny disk, sifrovací kľúč je odvodený z hesla. Predpokladá sa, že sprava sifrovacích kľúčov je robená offline.

7.4. SSH

Motivácia: klasické služby vzdialeného terminálu (telnet, rsh, rlogin) nie sú bezpečné. Autentizácia heslom - odposluch hesla, prenasaných dát, alebo modifikácia prenasaných dát. SSH nahrádza tieto služby a môže tunelovať aj ine služby. Používa RSA, DES/3DES/IDEA/RC4.

Vlastnosti

- autentizácia pomocou RSA - zabránenie podvrhnutia IP adresy. Host si vygeneruje SK/VK. Užívateľ tiež, sú uložené v súbore .ssh zasifrované heslom užívateľa pomocou IDEA. RSA autentizácia host-host, užívateľ-host. Autentizácia UNIXovým heslom (zasifrovaným kanálom!)
- zabráňuje unosu už naviazaného a autentizovaného spojenia
- zabráňuje odposluchu hesla

7.5. SSL

Zabezpecenie TCP/IP na transportnej urovni, je mozne pomocou toho implementovat rozne sluzby, napríklad HTTPS = HTTP+SSL. Vyzaduje TCP a podporuje rozne aplikacie a protokoly. Certifikaty podla X.509

SSL Handshake protocol - naviaze sifrovane spojenie symetrickym algoritmom.

SSL Record protocol - stara sa o skladanie paketov, sifrovanie a desifrovanie.

Bezpecnostne funkcie

- Autentizacia - klient-server a server-klient
- Doverytost - zasifrovanie dat prenasanych kanalom
- Integrita

Sada algoritmov - algoritmus s VK RSA, Diffie-Hellman, hashovaci algoritmus MD5, SHA a symetricka sifra RC2, RC4, IDEA-CBC, DES-CBC, 3DES-CBC.

Faza ustavenia relacie

- ustavenie master kry - klient iniciuje relaciju, server zasle svoj certifikat, klient vygeneruje premaster secret a zasle ho zasifrovany VK serveru
- autentizacia klienta (volitelne) - server ziada klienta o certif, klient ho zasle spolu s autentizacnymi informaciami
- ustavenie kluca relacie - z premaster secret obe strany vygeneruju 2 kluce relace, 1 pre kazdy smer prenosu

Tvorba klucov

- Premaster secret - vytvoreny klientom - jednoduchy: 2 bytes of SSL version + 46 nahodnych bajtov. Zasiela sa serveru zasifrovany VK serveru.
- Master secret - vytvoreny obecne oboma ucastnikmi z premaster secret a nahodnych hodnot klienta a serveru.
- Klucovy material - vytvaraju s az nich kluce. Je vytvoreny z master secret a nahodnych hodnot klienta a serveru.

SSL v3 - poskytuje tie iste bezpecnostne sluzby ako v2, no navyac:

- rychlejsie naviazanie spojenia podpora viacerych algoritmov - Diffie-Hellman, Fortezza
- podpis HW autentizatorov - Fortezza karty - 1. krok k podpore cipovych kariet
- vylepsenie protokolu v okamihu, kedy server ziada klienta o certifikat
- server moze zaslat klientovi zoznam CA, ktorym veri a klient tak moze sam vybrat vhodny cert (ak ich ma viac)

Part IV.

References